

ക്വ സിരീസ്/പുതിയ പാതകളിൽ/New Syllabus

NEW **Examination Results** **Sri Lanka**

தமிழக பொடி கல்வி மற்றும் பார்வை துறை அமைச்சர் நிறுவனம், 2020
கல்விப் போதும் நிர்வாகப் பத்திர (உயிர் தூ)ப் பரிசுகள், 2020
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020

கல்வி கணிதம்
Combined Mathematics

10 TI

ပုဂ္ဂနိုင်

* ஸ்தா வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

11. (a) $f(x) = x^2 + px + c$, $g(x) = 2x^2 + qx + c$ எனக் கொள்ளலாம்; இத்து $p, q \in \mathbb{R}$ மற்றும் $c > 0$ என்ற அரும்.

$f(x) = 0$, $g(x) = 0$ மூக்கியன் ஒரு பொது மூலம் α மூக்கு கொண்டுள்ளன என்ற தெரிப்பை உள்ளது. $\alpha = p - q$ எனக் கூட்டுக.

C முறை p, q ஆகியவற்றில் கண்டு.

(ii) $f(x) = 0$ இன் பிரத்துக்காட்டி $(3p - 2q)^2$ எனவும்

Rtn.A.Harishan sir
youtube Channel
whatsapp 0773690611

உட்டதறிக்
 $f(x) = 0, g(x) = 0$ ஆகியவற்றின் முற்றைய மூலங்கள் முறையில் β, γ எனக் கொள்வோம். $\beta = 2\gamma$ எனக் காட்டுக் கேட்டும். β, γ ஆகியவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச் சம்பாடு $2x^2 + 3(2p - q)x + (2p - q)^2 = 0$ இனால் துப்பகுஇந்து எனக் காட்டுக.

(b) $h(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $a, b, c \in \mathbb{R}$ ஆகும். $h(x)$ இன் ஒரு காரணி $x^2 - 1$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது. $b = -1$ எனக் காட்டுக.

மேற்கூறப்படும் $h(x)$ ஆனது $x^2 - 2x$ இனால் வழக்கப்படும்போது மதி $5x + k$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு $k \in \mathbb{R}$ ஆகும். k இன் பொழுத்தைக் கண்டு, $h(x)$ ஐ வடிவம் $(x - \lambda)^2(x - \mu)$ இல் எழுதலாம் எனக் காட்டுக; இங்கு $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$.

12.(a) ஜந்து பியானோ வாசிப்பவர்கள், ஜந்து கிதார் வாசிப்பவர்கள், மூன்று பெண் பாடகர்கள், ஏறத்தாழ ஒரு மீட்டர் உயர்விலிருந்து செப்பமாக இரு பியானோ வாசிப்பவர்களும் குறைந்தபட்சம் நான்கு கிதார் வாசிப்பவர்களும் இடம்பெறுமாறு பதினொரு உறுப்பினர்களைக் கொண்ட ஒர் இசைக் குழுவைத் தெரிவிசெய்ய வேண்டியுள்ளது. அந்தகைய எந்தனை வெவ்வேறு இசைக் குழுக்கள் தெரிவிசெய்யப்பட முடியுமெனக் காண்க.

இவற்றுள் செப்பமாக இரு பெண் பாடகர்களைக் கொண்டிருக்கும் இசைக் குழுக்களின் எண்ணிக்கையையும் காண்க.

(b) $r \in \mathbb{Z}^+$ இங்கு $U_r = \frac{3r-2}{r(r+1)(r+2)}$, $V_r = \frac{A}{r+1} - \frac{B}{r}$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $A, B \in \mathbb{R}$.

$r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $U_r = V_r - V_{r+1}$ ஆகுமாறு A, B வூசியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

இதிலிருந்து, $n \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $\sum_{r=1}^n U_r = \frac{n^2}{(n+1)(n+2)}$ எனக் காட்டுக.

முடிவில் தொடர் $\sum_{i=1}^n U_i$, ஒருங்குறிதெனக் காட்டி. அதன் கீட்டுத்தொகையைக் கண்க.

இப்போது $r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $W_r = U_{r+1} - 2U_r$, எனக் கொள்வோம். $\sum_{r=1}^n W_r = U_{n+1} - U_1 - \sum_{r=1}^n U_r$, எனக் காட்டுக.

முடிவில் தொடர் $\sum_{i=1}^s W_i$ ஒருங்குறியதை உய்த்துவிந்து, அதன் கூட்டுத்தொகையைக் காண்க.

13. (a) $A = \begin{pmatrix} a+1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} a & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $a \in \mathbb{R}$.

$A^T B - I = C$ எனக் காட்டுக; இங்கு I வரிசை 2 ஜ உடைய சர்வசம்பாட்டுத் தாயம் ஆகும்.

மேலும், $a \neq 0$ அடு இருந்தால் - இருந்தால் மாத்திரம் C^{-1} இருக்கும் எனவும் காட்டுக.

இப்போது, $a = 1$ எனக் கொள்வோம். C^{-1} ஜ எழுதுக.

$CPC = 2I + C$ ஆகுமாறு தாயம் P ஜக் காண்க.

(b) $z, w \in \mathbb{C}$ எனக் கொள்வோம். $|z|^2 = z\bar{z}$ எனக் காட்டி, அதனை $z-w$ இற்குப் பிரயோகித்து.

$$|z-w|^2 = |z|^2 - 2\operatorname{Re} z\bar{w} + |w|^2 \text{ எனக் காட்டுக.}$$

$$|1-z\bar{w}|^2 \text{ இங்கும் ஓர் ஒத்த கோவையை எழுதி, } |z-w|^2 - |1-z\bar{w}|^2 = -(1-|z|^2)(1-|w|^2) \text{ எனக் காட்டுக.}$$

$$|w|=1, z \neq w \text{ எனில், } \left| \frac{z-w}{1-z\bar{w}} \right| = 1 \text{ என உயர்த்துகிக்.}$$

(c) $1+\sqrt{3}i$ ஜ வடிவம் $r(\cos \theta + i \sin \theta)$ இல் எடுத்துரைக்க; இங்கு $r > 0$ உம் $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ உம் ஆகும்.

$(1+\sqrt{3}i)^m (1-\sqrt{3}i)^n = 2^8$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு m, n ஆகியன நேர் நிறையெண்கள். த மேய்வரின் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி, m, n ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைத் துணிவதற்குப் போதுமான சமவ்பாடுகளைப் பெறுக.

14. (a) $x \neq 3$ இற்கு $f(x) = \frac{x(2x-3)}{(x-3)^2}$ எனக் கொள்வோம்.

$$x \neq 3 \text{ இற்கு } f(x) \text{ இன் பெறுதி } f'(x) \text{ ஆனது } f'(x) = \frac{9(1-x)}{(x-3)^3} \text{ இனால் தரப்படுகின்றது எனக் காட்டுக.}$$

இதிலிருந்து, $f(x)$ அதிகரிக்கின்ற ஆயிடையையும் $f(x)$ குறைகின்ற ஆயிடைகளையும் காண்க.

மேலும் $f(x)$ இன் திரும்பற் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளையும் காண்க.

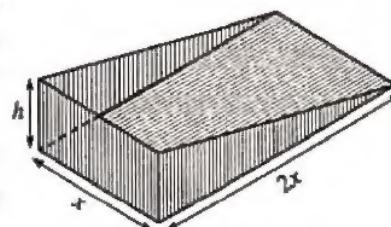
$$x \neq 3 \text{ இற்கு } f''(x) = \frac{18x}{(x-3)^4} \text{ எனத் தரப்பட்டுள்ளது.}$$

$y = f(x)$ இன் வரைபிள் விபத்திப் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

$y = f(x)$ இன் வரைபை அனுகுகோடுகள், திரும்பற் புள்ளி, விபத்திப் புள்ளி ஆகியவற்றைக் காட்டிப் படும்படியாக வரைக.

(b) ஒரு தூளித் தட்டின் கைப்பிடி இல்லாத பகுதியை அருகே உள்ள உரு காட்டுகின்றது. சென்றியற்றில் அதன் பரிமாணங்கள் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளன. அதன் கணவளவு $x^2 h \text{ cm}^3$ ஆனது 4500 cm^3 எனத் தரப்பட்டுள்ளது.

அதன் மேற்பரப்பின் பரப்பளவு $S \text{ cm}^2$ ஆனது $S = 2x^2 + 3xh$ இனால் தரப்பட்டுள்ளது. $x = 15$ கூகு இருக்கும்போது S குறைந்தபட்சமாகும் எனக் காட்டுக.



15.(a) எல்லா $x \in \mathbb{R}$ இறகும் $x^3 + 13x - 16 = A(x^2 + 9)(x+1) + B(x^2 + 9) + 2(x+1)^2$ ஆகுமானு அ, B ஆகிய மாறிலிகள் உள்ளனவெனத் தரப்பட்டுள்ளது.

A, B ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

இதிலிருந்து, $\frac{x^3 + 13x - 16}{(x+1)^2 (x^2 + 9)}$ ஐப் பகுதிப் பின்னங்களில் எழுதி.

$\int \frac{x^3 + 13x - 16}{(x+1)^2 (x^2 + 9)} dx$ ஐக் காண்க.

(b) பகுதிகளாகத் தொகையிடலைப் பயன்படுத்தி, $\int_0^1 e^x \sin^2 \pi x dx$ ஐப் பெறுமானங்களைக்க.

(c) a ஒரு மாறிலியாக இருக்கும் குத்திரம் $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ ஐப் பயன்படுத்தி.

$\int_0^{\pi} x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{\pi}{2} \int_0^{\pi} \cos^6 x \sin^3 x dx$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, $\int_0^{\pi} x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{2\pi}{63}$ எனக் காட்டுக.

16. $A \equiv (1, 2)$ எனவும் $B \equiv (3, 3)$ எனவும் கொள்வோம்.

A, B ஆகிய புள்ளிகளினுடைகச் செல்லும் நேர்கோடு / இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

ஒவ்வொன்றும் I உடன் கூர்ங்கோணம் $\frac{\pi}{4}$ ஐ ஆக்கிக்கொண்டு A இனுடைகச் செல்லும் I_1, I_2 என்றும் நேர்கோடுகளின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

I மீது உள்ள யாதாயிலும் ஒரு புள்ளியின் ஆஸ்கருகள் வடிவம் $(1+2t, 2+t)$ இல் எழுதப்படலாம் எனக் காட்டுக; இங்கு $t \in \mathbb{R}$.

I_1, I_2 ஆகிய இரண்டையும் தொடுவதும் மையம் I மீது உள்ளதும் ஆரை $\sqrt{10}$ ஐ உடையதும் முழுவதும்

முதலாம் கால்வட்டத்தில் அமைகின்றதுமான வட்டம் C_1 இன் சமன்பாடு $x^2 + y^2 - 6x - 6y + \frac{31}{2} = 0$ எனவும் காட்டுக.

விட்டம் ஒன்றின் முனைகள் A ஆகவும் B ஆகவும் உள்ள வட்டம் C_2 இன் சமன்பாட்டை எழுதுக.

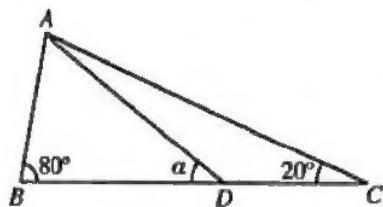
C_1, C_2 ஆகிய வட்டங்கள் நிமிய்கோணமாக இடைவெட்டுகின்றனவா எனத் துணிக.

17. (a) $\sin(A-B)$ என $\sin A, \cos A, \sin B, \cos B$ ஆலையவற்றில் எழுதக்.

- (i) $\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$.
- (ii) $2 \sin 10^\circ = \cos 20^\circ - \sqrt{3} \sin 20^\circ$

என உய்த்தறிக்.

(b) வழக்கமான ரூபிப்பிட்டில் ஒரு முக்கோணி ABC இறகுச் செல் நெரியைக் காருக.



Rtn.A.Harishan sir
Youtube Channel
Whatsapp 0773690611

உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள முக்கோணி ABC இல் $\hat{A}B\hat{C}=80^\circ$ உம் $\hat{A}\hat{C}B=20^\circ$ உம் ஆகும். BC மீது புள்ளி D ஆனது $AB=DC$ ஆகுமாறு உள்ளது. $\hat{A}D\hat{B}=\alpha$ எனக் கொள்வோம்.

போருத்தமான முக்கோணிகளுக்குச் செல் நெரியைப் பயன்படுத்தி, $\sin 80^\circ \sin(\alpha - 20^\circ) = \sin 20^\circ \sin \alpha$ எனக் காட்டுக்.

ஏன் $\sin 80^\circ = \cos 10^\circ$ என விளக்கி, இதிலிருந்து, $\tan \alpha = \frac{\sin 20^\circ}{\cos 20^\circ - 2 \sin 10^\circ}$ எனக் காட்டுக்.

மேலே (a)(ii) இல் உள்ள முடிவைப் பயன்படுத்தி $\alpha = 30^\circ$ என உய்த்தறிக்.

(c) சமன்பாடு $\tan^{-1}(\cos^2 x) + \tan^{-1}(\sin x) = \frac{\pi}{4}$ ஐத் தீர்க்க.

* * *

பகுதி R

* ஜாம்பு வினாக்களுக்கு மாத்திரம் வினடு எழகுகிறது.

(இவ்வினாத்தாவில் குறைபாடு பூர்வமாக குறிப்பிடுகின்றது.)

H. (a) ஒருவிட காட்டிய இலைவாறு P, Q, R என்றும் முன்று புகையிரத் திலையங்கள் $PQ = 140 \text{ km}$ ஆகவும் $QR = a \text{ km}$ ஆகவும்



କେତେ ପରିମାଣ ରୁ ନେବେ ଏହା ପାଇଁ ପରିଚାଳନା କରାଯାଇଛନ୍ତି । କେବଳ $P = 0$ କୁଣ୍ଡଳ
କିମ୍ବା ଉପରିଧିକୁ ଆବଶ୍ୟକ P କିମ୍ବା ଉପରିଧିକୁ ଆବଶ୍ୟକ କରାଯାଇଛନ୍ତି ।

Q ஜூக்கி அணுமனித்தியாலத்திற்கு ஒரு மாறு ஆழமுடுகல் $f \text{ km h}^{-2}$ உடன் சென்று நேரம் $t = \frac{1}{2} h$ இல் அந்தக் கிருந்த வேகத்தை முன்று மணித்தியாலங்களுக்குப் பேசுகிறோம் கீழே செல்கின்றது பின்னர் அது மாறு அமர்முடுகல் $f \text{ km h}^{-2}$ உடன் சென்று Q தில் ஓய்வுக்கு வருகின்றது. நேரம் $t = 1 h$ தில் வேற்றாரு புகைப்பிரதம் B ஆகிறது R தில் ஓய்விலிருந்து ஆழமித்து Q ஜூக்கி T மணித்தியாலத்திற்கு மாறு ஆழமுடுகல் $2f \text{ km h}^{-2}$ உடனும் அதன் பின்னர் மாறு அமர்முடுகல் $f \text{ km h}^{-2}$ உடனும் சென்று Q தில் ஓய்வுக்கு வருகின்றது. கிரு புகைப்பிரதங்களும் ஒரே கணத்தில் ஓய்வுக்கு வருகின்றன. A, B ஆகியவற்றின் இயக்கங்களுக்கான வேக - நேர வரைபாடுகளை ஒரே வரிப்பட்டத்தில் படிப்படியாக வரைக.

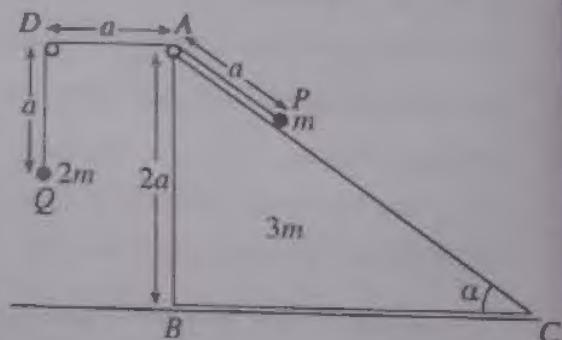
கிடீவிருந்து அஸ்ஸது வேறு விதமாக, $f = 80$ எனக் காட்டி, T , ஏ அதிகப்படியின் போய்யானதுமல்லத் தான்.

(b) ஒரு கவுல பூமி தொடர்பாகச் சிரான கதி படிடன் மேற்குஜோக்ஸிக் செல்லுலம் அதே வேளை ஒரு படு பூமி தொடர்பாகச் சிரான கதி $\frac{11}{2}$ படிடன் ஏறு நேர்கோட்டப்பு பாதையிற் செல்லின்றது ஒரு குரிச்சு கணத்தில் டைக்ஸிலிருந்து d தூரத்தில் வடக்கிலிருந்து கிழக்கிலிருந்துக் கோணம் $\frac{\pi}{4}$ இல் கவுல உள்ளது.

(i) படகு பூமி தொடர்பாக வடக்கிலிருந்து மேற்கிறது கோணம் $\frac{\pi}{6}$ ஐ ஆக்கும் தினசரில் செல்வின்றுதொன்று, படகு கப்பலை இடையற்றிக்கலாமெனக் காட்டி, அது கப்பலை இடையற்றிப்பதற்கு எடுக்கும் நேரம் $\frac{2d}{\sqrt{3}}$ எனக் காட்டுகே.

(ii) படு மும் தோட்டாக வடக்கிலிருந்து கிழக்கிறது கோணம் $\frac{\pi}{6}$ ஐ ஆக்கும் திசையில் கெலவுமெனின், கயல் தோட்டாகப் படகின் கதி $\sqrt{3}u$ எனக் காட்டி, கயலிலிருந்தும் படகிறதுமிடையே உள்ள பிகக் கருகிய ரூறம் $\frac{d}{2\sqrt{3}}$ எனக் காட்டுக.

12.(a) உருவில் முக்கோணி ABC ஆனது $\angle ACB = \alpha$, $\angle ABC = \frac{\pi}{2}$,
 $AB = 2a$ ஆகவுள்ளதும் BC இக் கொண்ட முகம் ஒரு பியான் கிடை நிலத்தின் மீது வைக்கப்பட்ட நிலைவு 3m மூலைய ஓர் ஒரு பியான் சீரான ஆய்வின் புளியிருப்பு மையத்தினுடைாக உள்ளதுமான நிலைக்குத்துக் குறுக்குவெட்டாகும். கோடு AC ஆனது அதனைக் கொண்டுள்ள முகத்தின் ஒர் அநியமர் சரிவுக் கோடாகும். புள்ளி D ஆனது AD கிணமாக இருக்குமாறு ABC இன் நவாத்தில் உள்ள ஒரு நிலைத்த புள்ளியாகும். A, D ஆகியவற்றில் நிலைப்படுத்தப்பட்டுள்ள இரு



சிறிய ஒப்பான் கப்பிகளுக்கு மேலாகச் செல்லும் நீளம் $3a$ டூ உடைய ஓர் இலேசான நீட்டமுழுப்பாத தீழையின் இரு முவிகளுடனும் முறையே $m, 2m$ என்னும் திணிவுகளை உடைய P, Q என்னும் கீரு துணிக்கைகள் இவைகளைப்பட்டுள்ளன. உருவிற் காட்டப்படுவாராய் துணிக்கை P ஆனது AC மீது பிழத்து வைக்கப்பட்டு $AP = AD = DQ = a$ ஆக இருக்குமாயு துணிக்கை Q சுயாத்தீயாகத் தொடர்கிக் கொண்டிருக்கத் தோதி ஒம்பிலிருந்து விடுவிக்கப்படுகின்றது. துணிக்கை Q நிலத்தை அடைவதற்கு ஏடுக்கும் போதிலைத் துணிவுற்றுப் போதிய சமன்பாடுகளைப் பேருக.

(b) உதவிர் கட்டப்பட்டுள்ளவறு ஒர் பெயரை வெளியிட கண் ABCDE ஒது நிலைக்கூறுத் தாந்தில் நினைவுபடுத்தப்பட்டுள்ளது. பதிர் ABC கூறு அமைப்பு O மூலம் ஆன a மூலம் கொண்டு ஒர் அணுவட்டமும் பதிர் CDE கூறு அமைப்பு A மூலம் ஆன 2a மூலம் கொண்டு ஒர் அணுவட்டம் கொண்டு அதற்கென்றால் கேள்வும் நினைவுக்கூறுத் தீர்வும் கோடு AE கூட்டுத்தீர்வு உள்ளது. நினைவு எல்லை ஒது சீரிய டப்பால் மணி P கூறுத் A

இல் கொண்டு, அதற்கு கூட்டுத் தீர்வு மேலும் $\sqrt{\frac{a^2}{2}}$ தூர்வீரம் கொண்டு வேண்டும் கூறு கம்பி வழியிட பெயர்க்கு நோட்டூத்திர்வது.

OP கூறுத் OA உடன் ஒரு கோணம் θ ($0 \leq \theta \leq \pi$) கூறுக்கும்போது மணி P இன் கந் பஞ்சை $r^2 = \frac{a^2}{2}(5 - 4\cos\theta)$ இனால் தூர்வீரினுறைத்தீர் காட்டுக்.

பெருமீத்த தாந்தில் கம்பியிலிருந்து மணி P மீதுள்ள மறுதாக்கத்தைக் கண்டு, $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{5}{6}\right)$

ஏவுள்ள புள்ளியை மணி P கூக்கும்போது அது அதன் நினைவை மற்றுமெனக் காட்டுக். E இல் மணி P கூப்பியிலிருந்து வேளியேறுவதற்கு ஏற்று முன்றாக கதன் வேகத்தை ஏழ்த் தாந்தில் கம்பியின் மூலம் மணி P மது உள்ள மறுதாக்கத்தைக் கண்டு.

13. உதவிர் கட்டப்பட்டுள்ளவறு ஒர் பெயரை கண் மேல் மறு A, B, C, D, E கூட்டும் புள்ளிகள் அசை ஏற்கொயிய



ஒது கோட்டீர்வுச் $AB = 2a, BC = a, CD = 2a, DE = a$ ஆக இருக்குமாறு உள்ளது. இயாகை நீளம் $2a$ மூலம் மௌத்துக்கூறும் மற்றும் உடைய ஓர் இயாகை மௌத்துக்கூறும் இயாகையின் ஒரு குனி புள்ளி A உடனும் சூழ்நிறைய நூலி தீவிரியின் ஒரு உடைய ஒரு குனிக்கை P உடனும் இயாகைக்கூட்டுத்தீர்வு. இயாகை நீளம் a மூலம் மௌத்துக்கூறும் மட்டும் ஒரு குனி புள்ளி மௌத்துக்கூறுத்தீர்வு இயாகையின் ஒரு குனி புள்ளி E உடனும் சூழ்நிறைய நூலி தீவிரிக்கை P உடனும் இயாகைக்கூட்டுத்தீர்வு. நூலிக்கை P கூறுத் C இல் பிரத்து கூங்கப்பட்டு விடுவிக்கப்பட்டுப்போது அது நாப்பதில் இருக்கின்றது. A கிளி வேறுவாறுமைக் கண்கள்.

இப்பொது தீவிரிக்கை P கூறுத் தீவிரிக்கை D கூறுக்கும் வாருக்கும் இயாகை AP இருக்கப்பட்டு ஒப்பிலிருந்து ஏடுவிக்கப்படுகிறது. D கோட்கூறும் B வாருக்கும் P இன் பெயக்கூறுத்தீர்வுகள் சமன்பாடு $x + \frac{3a}{a}x = 0$ இனால் தூர்படுகிறதெனக் காட்டுக். இங்கு $CP = x$ ஆகும். குத்தியம் $x^2 = \frac{3a}{a}(c^2 - x^2)$ ஆப் பயன்படுத்திந்த நூலிக்கை P கூறுத் B கூறுக்கும்போது அதன் வேகம் $3\sqrt{a}$ எனக் காட்டுக்; இங்கு C கூறுத் தீவிரிக்கை விக்கமாகும். B கூறுக்கும்போது தீவிரிக்கை P இருக்கும் ஒரு கண்ணதாக்கு. அங்கணத்தாக்கிறதூச் சூழப் பின்றி P இன் வேகம் \overline{BA} இன் நினைவில் \sqrt{a} ஆக இருக்குமாறு தூர்படுகிறது.

B ஆக்க குத்த பின்றி கண்ணலை ஒப்பிக்கு வரும் வலைக்கும் P இன் பெயக்கூறுத் தீர்வுகள் சமன்பாடு $y + \frac{a}{a}y = 0$ இனால் தூர்படுகிறதெனக் காட்டுக்; இங்கு $DP = y$.

D இல் தொப்புத் தீவிரிக்கை P தீர்வாம் தட்டவை B கூறுக்கும்போது ஏடுக்கும் மொத்த நேரம் $2\sqrt{a}\left(\frac{\pi}{3\sqrt{3}} + \cos^{-1}\left(\frac{3}{\sqrt{10}}\right)\right)$ எனக் காட்டுக்.

14.(a) a, b ஆகிய சிறு அதை காவிகள் எனக் கொள்வோம்.

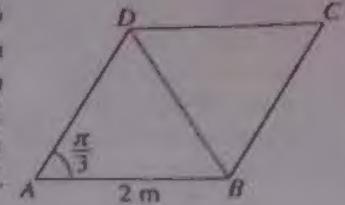
இ) துறைத் O முக் குறித்து A, B, C ஆகிய மூன்று புள்ளிகளின் நாளை காவிகள் முறைப்பு 12a, 18b, 10a + 3b ஆகும்.

\overrightarrow{AC} , \overrightarrow{CB} ஆகியவற்றை a, b ஆகியவற்றில் எடுத்துக்கூடக்.

A, B, C ஆகிய ஒரேகே ஒத்துள்ளவைச் சுயநிதி ஆக்கி, $AC : CB$ முக் காண்ட.

$OC = \sqrt{139}$ எனக் காண்டுக்கொண்டு $A\vec{O}\vec{B} = \frac{\pi}{3}$ எனக் காட்டு.

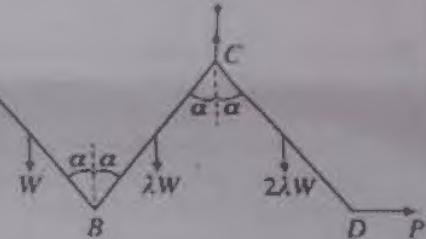
(b) ABCD ஆக்கு $AB = 2$ m ஆகவும் $B\vec{A}\vec{D} = \frac{\pi}{3}$ ஆகவும் உள்ள ஒடு சுயங்காரமாகும். AD, BA, BD, DC, CB ஆகியவற்றின் வழியே ஏழ்த்துகளின் ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் நிலைகளில் முறையே 10 N, 2 N, 6 N, P N, Q N படுமதுள்ள விஷயகள் நாக்குகின்றன விளைவுள் விஷயின் படுமை 10 N எனவும் அதன் நிலை BC இற்றுச் சாந்தியாக B இல்லைத் C இருக்கான நிலை எனவும் நாப்படுகின்றது. P, Q ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காணக் கேட்டு, விளைவுள் விஷயின் தாக்கக் கோடானது நிட்டப்பட்ட BA முக் காண்டுக்கும் புள்ளியிலிருந்து A இருந்துள்ள தூரத்தையும் காணக் கூடும்.



இப்பிடத் தீவிளைவுள் விஷய A, C ஆகிய புள்ளிகளினுடைக்கி செல்லுமாறு கீடுக்கப்பி கோல்கள் நிறுப்பும் M N m முக் கொண்ட ஒரு தீவிளைவும் ஓவ்வொன்றும் பூமிகள் F N முக் கொண்டும் CB, DC ஆகியவற்றின் வழியே எழுத்து ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் நிலைகளில் நாக்குவனங்களைக் கிடைக்கிறது விஷயக்கூடும். F, M ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காணக் கூடும்.

15.(a) ஒவ்வொன்றின்கீழ் நீண்ட 2a ஆகவுள்ள AB, BC, CD என்னும் முன்று ரீவா கோல்கள் B, C ஆகிய முன்னகளில் A,

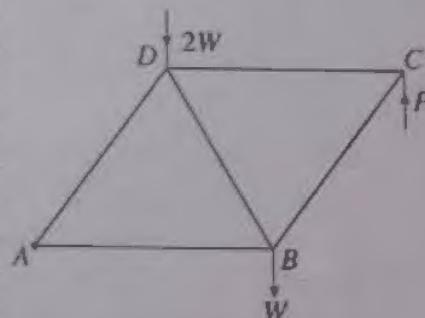
ஒப்பமாக காட்டப்பட்டுள்ளன. AB, BC, CD ஆகிய கோல்களின் திறைகள் முறையே W, λW, 2λW ஆகும். முனை A ஒடு நிலைத்த புள்ளியில் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டுள்ளது உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு கோல்கள். முடிசு C இலும் C இல்லை நிலைக்குத்தாக மேலே உள்ள ஒரு நிலைத்த புள்ளியிலும் இனைக்கப்பட்டுள்ளது.



அ) இல்லை நிட்டமுடியாத திழுமிளையும் முனை D இல்லைப் பிரயோகிக்கப்படும் ஒரு கிடை விஷய P இல்லை. A, C ஆகியன ஒரே க்கீடு மட்டத்திலும் கோல்கள் ஓவ்வொன்றும் நிலைக்குத்துடன் ஒரு கோணம் α முக் காண்டுக்கூடும் இருக்குமாறு. ஒரு நிலைக்குத்துடன் தளத்திலே நாப்பத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளன. $\lambda = \frac{1}{3}$ எனக் காட்டுக.

மேலும், B இல் CB இனால் AB முக் கொண்டுப்படும் விஷயவின் விளைக் கூறும் நிலைக்குத்துக் கூறும் முறையே $\frac{W}{3}$ முக், $\frac{W}{6}$ எனவும் காட்டுக.

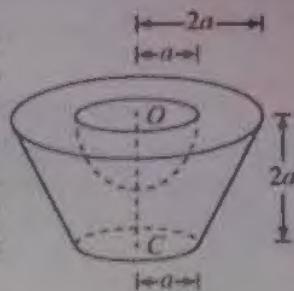
(b) அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள சட்டப்படல் ஓவ்வொன்றும் $2a$ நீண்டுள்ளவும் A, B, C, D ஆகியவற்றில் சுயாத்தன்மைக் கூட்டப்பட்டனவுமான AB, BC, CD, DA, BD ஆகிய இலோசன கோல்களினால் ஆக்கப்பட்டுள்ளது. B, D ஆகியவற்றில் முறையே W, 2W என்னும் கூமகள் உள்ளன. சட்டப்படல் A இல் ஒரு நிலைத்த புள்ளியில் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டு, உருவிற் காட்டியவாறு C இல் நிலைக்குத்தாக மேல்நோக்கப் பிரயோகிக்கப்படும் ஒரு விஷய P இனால் AB கிடையாக இருக்க நாப்பத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளது. P இன் பெறுமானத்தை W இற் காணக் கூடும்.



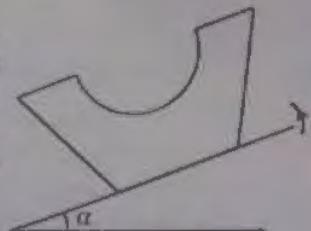
போவின் துறப்பிடைப் பயன்படுத்தி ஒரு தகைப்பு வரிப்படத்தை வரைந்து, இதிலிருந்து, கோல்களில் உள்ள நிலைக்கப்படுகளை அவை இழுவைகளா, உதைப்புகளா எனக் குறிப்பிடுக் காணக் கூடும்.

16. (i) அடியில் கூடும் மூலத்திலிருந்து கூறும் உள்ள ஒரு சூரை நினைவு செலவடக் கம்பின் நினைவு வையும் அடியில் அமைத்திலிருந்து கூறும் $\frac{h}{4}$ இல் உள்ளது என்றும்
(ii) கூடும் மூலத்திலிருந்து கூறும் நினைவு அமைத்திலிருந்து நினைவு வையும் அமைத்திலிருந்து கூறும் $\frac{3r}{8}$ இல் உள்ளது என்றும் காட்டுக்.

அடியில் கூடும் மூலத்திலிருந்து கூறும் நினைவு செலவடக் கம்பின் அடிந்துவண்டியிலிருந்து ஒரு நினை அமைக்கப்படுவதற்கு அகற்றிக் கொய்யப்பட வேண்டும் ஓர் உருல் S அநுசே உள்ள உருவில் காட்டப்படுவதற்கு அடிந்துவண்டியில் மேல் வட்ட முகத்தில் கூடும் $2a$ மீ அமைப்பு O உடம் கூட முகத்தில் கூடும் a மீ அமைப்பு C உடம் கூடும் அடிந்துவண்டியிலிருந்து மேல் வட்ட முகத்தில் கூடும் C உடம் கூடும் அடிந்துவண்டியிலிருந்து மேல் வட்ட முகத்தில் கூடும் O உடம் கூடும் உருல் S இன் நினைவு வையானது கூடும் $\frac{41}{48}a$ இல் உள்ளதோக காட்டுக்.



ஒரு கர்ட்டைச் சிடைத் தளத்தில் மது உருல் S அதன் கீழ் வட்ட முகம் அத்தளத்தைத் தொழுமாறு வைக்கப்பட்டுள்ளது. இப்போது தளம் மெதுவாக மேல்நோக்கி ஏராளிக்கப்படுகின்றது. உருவுக்கும் தளத்துக்குமின்று உள்ள உராய்வுக் குணகம் 0.9 ஆகும். $\alpha < \text{மை}^{-1}(0.9)$ என்று, உருல் நாப்பத்தில் இருக்கும்யெசுக் காட்டுக், இங்கு உருவை கிடையாதன் தளத்தின் காய்வாகும்.



17/(a) ஒரு குறித்த தொழிற்சாலையில் 50% ஆக உருப்படக்கணப் போகி A உறுப்பத்தி செய்யும் அதே வேலை எஞ்சிய உருப்படகள் B, C எஞ்சிய போரிகளினால் உறுப்பத்தி செய்யப்படுகின்றன. A, B, C எஞ்சிய போரிகளினால் உறுப்பத்தி செய்யப்படும் உருப்படகளில் முறையே 1%, 3%, 2% ஆகவை குறைபாடுள்ளனவேன் அறியப்பட்டுள்ளது. ஒர் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்த உருப்படக்குறைபாடுள்ளதாக இருப்பதற்கான நிகழ்த்தகவு 0.018 எனத் தரப்பட்டுள்ளது. B, C எஞ்சிய போரிகளினால் உறுப்பத்தி செய்யப்படும் உருப்படகளின் ஏதாவதுக்களைக் காண்க.

ஒர் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்த உருப்படக குறைபாடுள்ளதைத் தரப்படும்போது அது போரி A இனால் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட உருப்படியாக இருப்பதற்கான நிகழ்த்தகவைக் காண்க.

(b) ஒரு குறித்த தொழிற்சாலையில் 100 அப்பிகள் தமது வீட்டுகளிலிருந்து கேள்வ நிலைப்பத்திற்குச் செல்வதற்கு எடுத்துக் கொள்ளும் நோக்கள் (பிரிட்சன்ஸி) பின்னால் அட்வணையில் தூப்பட்டுள்ளன:

ஏதாவதுக்களும் கூறும்	பிரிட்சன்ஸி கொள்கிறது
0 – 20	10
20 – 40	30
40 – 60	40
60 – 80	10
80 – 100	10

மேலே தூப்பட்டுள்ள பரம்பலின் இடை, நியம விலகல், ஆகாரம் ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.

பின்னர், வகுப்பாயிடை 80 – 100 இல் இருந்த எவ்வள வகுப்பாயிகளும் தொழிற்சாலைக்கு அண்ணமையில் வதிவதற்குச் சென்றார். அதனால் வகுப்பாயிடை 80 – 100 இன் மீற்றன் 10 இலிருந்து 0 இற்கும் வகுப்பாயிடை 0 – 20 இன் மீற்றன் 10 இலிருந்து 20 இற்கும் மாற்றன.

புதிய பரம்பலின் இடை, நியம விலகல், ஆகாரம் ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.

Dear students!
We have Past Papers and
Answers (Marking
Schemes), Model Papers
and Note books for
English, Tamil and Sinhala
Medium).

Please visit :

www.freebooks.lk

or click on this page to vist our site!